

A large satellite dish antenna is mounted on a mountain peak. The background shows a sunset or sunrise with a warm, orange and yellow glow. The dish is dark and metallic, with a complex support structure. The overall scene is atmospheric and technical.

Campi Elettromagnetici

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica, Biomedica e delle
Telecomunicazioni

a.a. 2019–2020 – Laurea “Triennale” – Secondo semestre – Secondo anno

Università degli Studi di Napoli “Parthenope”

Stefano Perna

Riepilogo lezione precedente

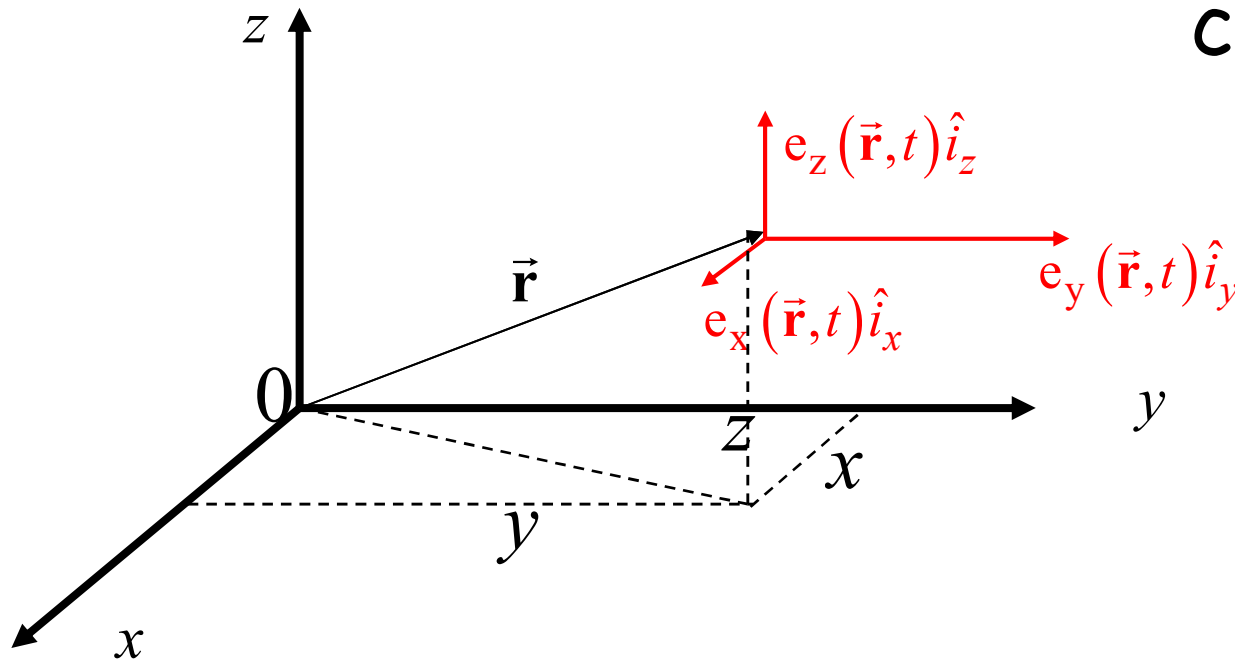
Perché si parla di campo?

Riepilogo lezione precedente

$$\vec{e}(\vec{r}, t) = \vec{e}(x, y, z, t) = e_x(x, y, z, t)\hat{i}_x + e_y(x, y, z, t)\hat{i}_y + e_z(x, y, z, t)\hat{i}_z$$

$$\vec{r} = (x, y, z)$$

Sistema di riferimento cartesiano

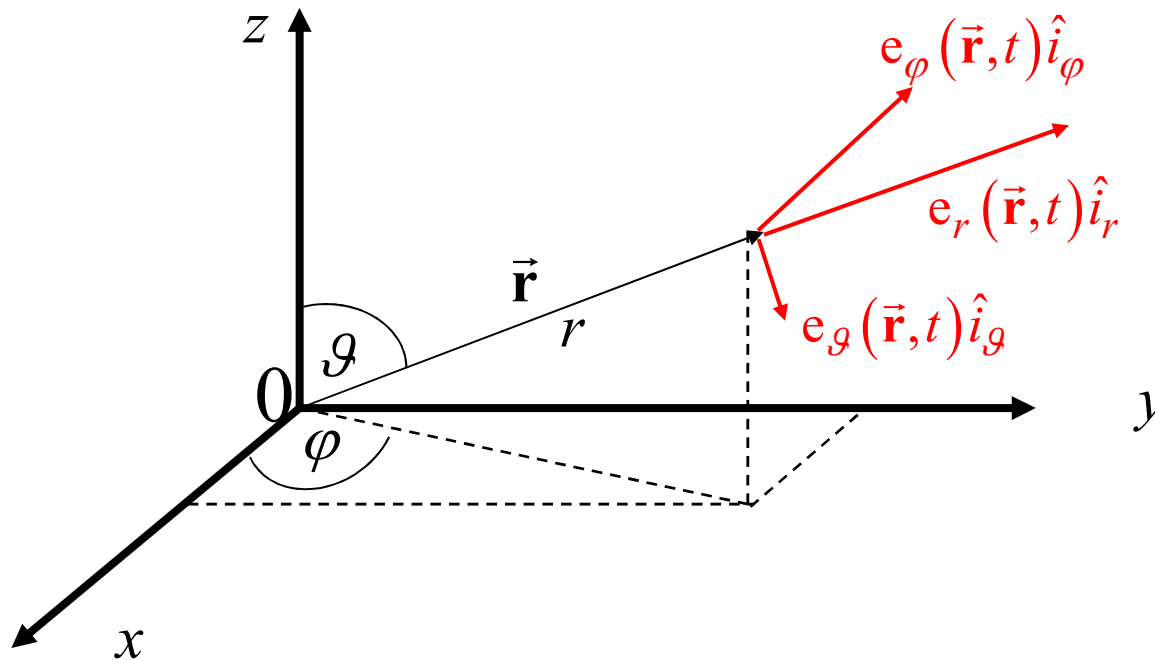


Riepilogo lezione precedente

$$\vec{e}(\vec{r}, t) = \vec{e}(r, \vartheta, \varphi, t) = e_r(r, \vartheta, \varphi, t) \hat{i}_r + e_\vartheta(r, \vartheta, \varphi, t) \hat{i}_\vartheta + e_\varphi(r, \vartheta, \varphi, t) \hat{i}_\varphi$$

$$\vec{r} = (r, \vartheta, \varphi)$$

Sistema di riferimento sferico



Riepilogo lezione precedente

Il campo elettrico dipende dallo spazio e dal tempo

$$\vec{e} = \vec{e}(\vec{r}, t)$$

$$\vec{e}(\vec{r}, t) = e_x(\vec{r}, t)\hat{i}_x + e_y(\vec{r}, t)\hat{i}_y + e_z(\vec{r}, t)\hat{i}_z$$

$$\vec{e}(\vec{r}, t) = e_r(\vec{r}, t)\hat{i}_r + e_\vartheta(\vec{r}, t)\hat{i}_\vartheta + e_\varphi(\vec{r}, t)\hat{i}_\varphi$$

Il campo magnetico dipende dallo spazio e dal tempo

$$\vec{h} = \vec{h}(\vec{r}, t)$$

$$\vec{h}(\vec{r}, t) = h_x(\vec{r}, t)\hat{i}_x + h_y(\vec{r}, t)\hat{i}_y + h_z(\vec{r}, t)\hat{i}_z$$

$$\vec{h}(\vec{r}, t) = h_r(\vec{r}, t)\hat{i}_r + h_\vartheta(\vec{r}, t)\hat{i}_\vartheta + h_\varphi(\vec{r}, t)\hat{i}_\varphi$$

Riepilogo lezione precedente

Perché si parla di campo?

Perché si parla di campo elettromagnetico?

Il campo elettrico che fine ha fatto?

Il campo magnetico che fine ha fatto?

Il campo elettrico e il campo magnetico sono legati?

Riepilogo lezione precedente

$$\left\{ \begin{array}{l} \nabla \times \vec{e}(\vec{r}, t) = -\frac{\partial \vec{b}(\vec{r}, t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{h}(\vec{r}, t) = \frac{\partial \vec{d}(\vec{r}, t)}{\partial t} + \vec{j}(\vec{r}, t) \\ \nabla \cdot \vec{d}(\vec{r}, t) = \rho(\vec{r}, t) \\ \nabla \cdot \vec{b}(\vec{r}, t) = 0 \end{array} \right.$$



		Unità di misura
$\vec{e}(\vec{r}, t)$:	Campo elettrico	Volt/m
$\vec{d}(\vec{r}, t)$:	Induzione elettrica	Coulomb/m ²
$\vec{h}(\vec{r}, t)$:	Campo magnetico	Ampere/m
$\vec{b}(\vec{r}, t)$:	Induzione magnetica	Weber/m ²
$\vec{j}(\vec{r}, t)$:	Densità di corrente	Ampere/m ²
$\rho(\vec{r}, t)$:	Densità di carica	Coulomb/m ³

Cartesian Coordinates

$$\vec{\mathbf{A}}(\vec{\mathbf{r}},t) = A_x(x,y,z,t)\hat{i}_x + A_y(x,y,z,t)\hat{i}_y + A_z(x,y,z,t)\hat{i}_z$$

$$\nabla \cdot \vec{\mathbf{A}}(\vec{\mathbf{r}}) = \frac{\partial A_x}{\partial x} + \frac{\partial A_y}{\partial y} + \frac{\partial A_z}{\partial z}$$

$$\nabla \times \vec{\mathbf{A}}(\vec{\mathbf{r}}) = \left(\frac{\partial A_z}{\partial y} - \frac{\partial A_y}{\partial z} \right) \hat{i}_x + \left(\frac{\partial A_x}{\partial z} - \frac{\partial A_z}{\partial x} \right) \hat{i}_y + \left(\frac{\partial A_y}{\partial x} - \frac{\partial A_x}{\partial y} \right) \hat{i}_z$$

Campo elettromagnetico

Perché si parla di campo?

Perché si parla di campo elettromagnetico?

Il campo elettrico che fine ha fatto?

Il campo magnetico che fine ha fatto?

Il campo elettrico e il campo magnetico sono legati?

Campo elettromagnetico

Il campo elettrico e il campo magnetico
sono legati?

$$\left\{ \begin{array}{l} \nabla \times \vec{\mathbf{e}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = -\frac{\partial \vec{\mathbf{b}}(\vec{\mathbf{r}}, t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{\mathbf{h}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = \frac{\partial \vec{\mathbf{d}}(\vec{\mathbf{r}}, t)}{\partial t} + \vec{\mathbf{j}}(\vec{\mathbf{r}}, t) \\ \nabla \cdot \vec{\mathbf{d}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = \rho(\vec{\mathbf{r}}, t) \\ \nabla \cdot \vec{\mathbf{b}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = 0 \end{array} \right.$$

Campo elettromagnetico

Il campo elettrico e il campo magnetico sono legati?


$$\left\{ \begin{array}{l} \nabla \times \vec{\mathbf{e}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = -\frac{\partial \vec{\mathbf{b}}(\vec{\mathbf{r}}, t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{\mathbf{h}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = \frac{\partial \vec{\mathbf{d}}(\vec{\mathbf{r}}, t)}{\partial t} + \vec{\mathbf{j}}(\vec{\mathbf{r}}, t) \\ \nabla \cdot \vec{\mathbf{d}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = \rho(\vec{\mathbf{r}}, t) \\ \nabla \cdot \vec{\mathbf{b}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = 0 \end{array} \right.$$

nel caso
stazionario:
derivate rispetto
al tempo nulle

Campo elettromagnetico

Il campo elettrico e il campo magnetico
sono legati?

$$\left\{ \begin{array}{l} \nabla \times \vec{e}(\vec{r}, t) = 0 \\ \nabla \times \vec{h}(\vec{r}, t) = \vec{j}(\vec{r}, t) \\ \nabla \cdot \vec{d}(\vec{r}, t) = \rho(\vec{r}, t) \\ \nabla \cdot \vec{b}(\vec{r}, t) = 0 \end{array} \right.$$




nel caso
stazionario:
derivate rispetto
al tempo nulle

Campo elettromagnetico

Il campo elettrico e il campo magnetico
sono legati?

$$\begin{cases} \nabla \times \vec{\mathbf{e}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = 0 \\ \nabla \cdot \vec{\mathbf{d}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = \rho(\vec{\mathbf{r}}, t) \end{cases}$$

$$\begin{cases} \nabla \times \vec{\mathbf{h}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = \vec{\mathbf{j}}(\vec{\mathbf{r}}, t) \\ \nabla \cdot \vec{\mathbf{b}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = 0 \end{cases}$$



nel caso
stazionario:
derivate rispetto
al tempo nulle

Campo elettromagnetico

Il campo elettrico e il campo magnetico sono legati?

$$\begin{cases} \nabla \times \vec{e}(\vec{r}, t) = 0 \\ \nabla \cdot \vec{d}(\vec{r}, t) = \rho(\vec{r}, t) \end{cases}$$

Nell'ipotesi di stazionarietà, il campo elettrico e l'induzione elettrica sono indipendenti da campo magnetico e induzione magnetica

$$\begin{cases} \nabla \times \vec{h}(\vec{r}, t) = \vec{j}(\vec{r}, t) \\ \nabla \cdot \vec{b}(\vec{r}, t) = 0 \end{cases}$$

nel caso stazionario:
derivate rispetto al tempo nulle

Campo elettromagnetico

Il campo elettrico e il campo magnetico sono legati?

$$\left\{ \begin{array}{l} \nabla \times \vec{\mathbf{e}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = -\frac{\partial \vec{\mathbf{b}}(\vec{\mathbf{r}}, t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{\mathbf{h}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = \frac{\partial \vec{\mathbf{d}}(\vec{\mathbf{r}}, t)}{\partial t} + \vec{\mathbf{j}}(\vec{\mathbf{r}}, t) \\ \nabla \cdot \vec{\mathbf{d}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = \rho(\vec{\mathbf{r}}, t) \\ \nabla \cdot \vec{\mathbf{b}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = 0 \end{array} \right.$$

Nel caso più generale in cui si rimuove l'ipotesi di stazionarietà, fenomeni elettrici e fenomeni magnetici sono strettamente legati!

Non ha senso parlare di campo elettrico senza parlare di campo magnetico

Campo elettromagnetico

Perché si parla di campo?

Perché si parla di campo elettromagnetico?

Il campo elettrico che fine ha fatto?

Il campo magnetico che fine ha fatto?

Il campo elettrico e il campo magnetico sono legati?

Chi è la causa? Chi è l'effetto?

Campo elettromagnetico

Nel caso più generale in cui si rimuove l'ipotesi di stazionarietà, fenomeni elettrici e fenomeni magnetici sono strettamente legati!

Non ha senso parlare di campo elettrico senza parlare di campo magnetico

Campo elettromagnetico

Perché si parla di campo?

Perché si parla di campo elettromagnetico?

Il campo elettrico che fine ha fatto?

Il campo magnetico che fine ha fatto?

Il campo elettrico e il campo magnetico sono legati?

Chi è la causa? Chi è l'effetto?

Campo elettromagnetico

Perché si parla di campo?

Perché si parla di campo elettromagnetico?

Il campo elettrico che fine ha fatto?

Il campo magnetico che fine ha fatto?

Il campo elettrico e il campo magnetico sono legati?

Chi è la causa? Chi è l'effetto?

Campo elettromagnetico

$$\left\{ \begin{array}{l} \nabla \times \vec{\mathbf{e}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = -\frac{\partial \vec{\mathbf{b}}(\vec{\mathbf{r}}, t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{\mathbf{h}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = \frac{\partial \vec{\mathbf{d}}(\vec{\mathbf{r}}, t)}{\partial t} + \vec{\mathbf{j}}(\vec{\mathbf{r}}, t) \\ \nabla \cdot \vec{\mathbf{d}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = \rho(\vec{\mathbf{r}}, t) \\ \nabla \cdot \vec{\mathbf{b}}(\vec{\mathbf{r}}, t) = 0 \end{array} \right. \quad \left\{ \begin{array}{l} \vec{\mathbf{j}}(\vec{\mathbf{r}}, t) : \text{densità di corrente} \\ \rho(\vec{\mathbf{r}}, t) : \text{densità di carica} \end{array} \right.$$



... solito scenario ...

Campo elettromagnetico

$$\begin{cases} \nabla \times \vec{e}(\vec{r},t) = -\frac{\partial \vec{b}(\vec{r},t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{h}(\vec{r},t) = \frac{\partial \vec{d}(\vec{r},t)}{\partial t} + \vec{j}(\vec{r},t) \\ \nabla \cdot \vec{d}(\vec{r},t) = \rho(\vec{r},t) \\ \nabla \cdot \vec{b}(\vec{r},t) = 0 \end{cases}$$

$\vec{j}(\vec{r},t)$: densità di corrente
 $\rho(\vec{r},t)$: densità di carica

sorgenti!!



... solito scenario ...

Campo elettromagnetico

..chi è la causa?

$\left\{ \begin{array}{l} \vec{\mathbf{j}}(\vec{\mathbf{r}}, t) : \text{densità di corrente della sorgente} \\ \rho(\vec{\mathbf{r}}, t) : \text{densità di carica della sorgente} \end{array} \right.$

...chi è l'effetto?

$\left\{ \begin{array}{l} \vec{\mathbf{e}}(\vec{\mathbf{r}}, t) : \text{campo elettrico}; \vec{\mathbf{d}}(\vec{\mathbf{r}}, t) \text{ induzione elettrica} \\ \vec{\mathbf{h}}(\vec{\mathbf{r}}, t) : \text{campo magnetico}; \vec{\mathbf{b}}(\vec{\mathbf{r}}, t) \text{ induzione magnetica} \end{array} \right.$

Color legend

New formulas, important considerations,
important formulas, important concepts

Very important for the discussion

Memo

Mathematical tools to be exploited

Mathematics

Campo elettromagnetico

$$\begin{cases} \nabla \times \vec{e}(\vec{r}, t) = -\frac{\partial \vec{b}(\vec{r}, t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{h}(\vec{r}, t) = \frac{\partial \vec{d}(\vec{r}, t)}{\partial t} + \vec{j}(\vec{r}, t) \\ \nabla \cdot \vec{d}(\vec{r}, t) = \rho(\vec{r}, t) \\ \nabla \cdot \vec{b}(\vec{r}, t) = 0 \end{cases}$$

$\vec{j}(\vec{r}, t)$: densità di corrente
 $\rho(\vec{r}, t)$: densità di carica

sorgenti!!



... scenario più complicato ...



Campo elettromagnetico

$$\begin{cases} \nabla \times \vec{e}(\vec{r},t) = -\frac{\partial \vec{b}(\vec{r},t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{h}(\vec{r},t) = \frac{\partial \vec{d}(\vec{r},t)}{\partial t} + \vec{j}(\vec{r},t) \\ \nabla \cdot \vec{d}(\vec{r},t) = \rho(\vec{r},t) \\ \nabla \cdot \vec{b}(\vec{r},t) = 0 \end{cases}$$

$\vec{j}(\vec{r},t)$: densità di corrente
 $\rho(\vec{r},t)$: densità di carica

sorgenti!!



... scenario più complicato ...

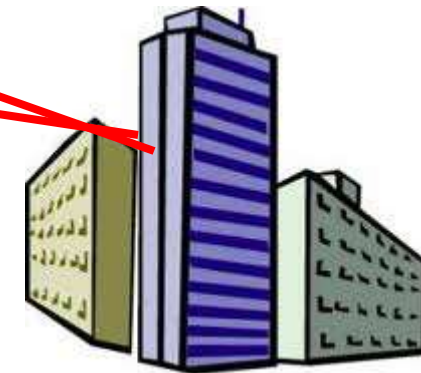


Campo elettromagnetico

$$\begin{cases} \nabla \times \vec{e}(\vec{r},t) = -\frac{\partial \vec{b}(\vec{r},t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{h}(\vec{r},t) = \frac{\partial \vec{d}(\vec{r},t)}{\partial t} + \vec{j}(\vec{r},t) \\ \nabla \cdot \vec{d}(\vec{r},t) = \rho(\vec{r},t) \\ \nabla \cdot \vec{b}(\vec{r},t) = 0 \end{cases}$$

$\vec{j}(\vec{r},t)$: densità di corrente
 $\rho(\vec{r},t)$: densità di carica

sorgenti!!



... scenario più complicato ...



Campo elettromagnetico

$$\left\{ \begin{array}{l} \nabla \times \vec{e}(\vec{r},t) = -\frac{\partial \vec{b}(\vec{r},t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{h}(\vec{r},t) = \frac{\partial \vec{d}(\vec{r},t)}{\partial t} + \vec{j}_0(\vec{r},t) + \vec{j}(\vec{r},t) \\ \nabla \cdot \vec{d}(\vec{r},t) = \rho_0(\vec{r},t) + \rho(\vec{r},t) \\ \nabla \cdot \vec{b}(\vec{r},t) = 0 \end{array} \right.$$

$\vec{j}_0(\vec{r},t)$: densità di corrente
 $\rho_0(\vec{r},t)$: densità di carica

Sorgenti impresse

$\vec{j}(\vec{r},t)$: densità di corrente
 $\rho(\vec{r},t)$: densità di carica

Sorgenti indotte



... scenario più complicato ...



Campo elettromagnetico

$$\begin{cases} \nabla \times \vec{e}(\vec{r},t) = -\frac{\partial \vec{b}(\vec{r},t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{h}(\vec{r},t) = \frac{\partial \vec{d}(\vec{r},t)}{\partial t} + \vec{j}_0(\vec{r},t) + \vec{j}(\vec{r},t) \\ \nabla \cdot \vec{d}(\vec{r},t) = \rho_0(\vec{r},t) + \rho(\vec{r},t) \\ \nabla \cdot \vec{b}(\vec{r},t) = 0 \end{cases}$$

$\vec{j}_0(\vec{r},t)$: densità di corrente
 $\rho_0(\vec{r},t)$: densità di carica

Sorgenti impresse

$\vec{j}(\vec{r},t)$: densità di corrente
 $\rho(\vec{r},t)$: densità di carica

Sorgenti indotte



... scenario più complicato ...



Campo elettromagnetico

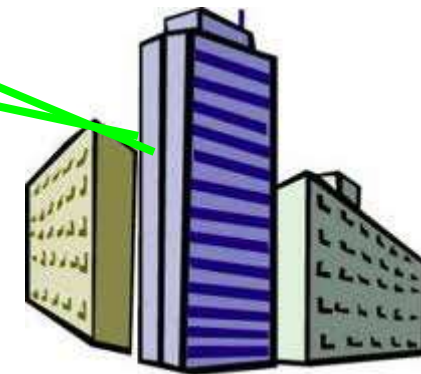
$$\begin{cases} \nabla \times \vec{e}(\vec{r},t) = -\frac{\partial \vec{b}(\vec{r},t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{h}(\vec{r},t) = \frac{\partial \vec{d}(\vec{r},t)}{\partial t} + \vec{j}_0(\vec{r},t) + \vec{j}(\vec{r},t) \\ \nabla \cdot \vec{d}(\vec{r},t) = \rho_0(\vec{r},t) + \rho(\vec{r},t) \\ \nabla \cdot \vec{b}(\vec{r},t) = 0 \end{cases}$$

$\vec{j}_0(\vec{r},t)$: densità di corrente
 $\rho_0(\vec{r},t)$: densità di carica

Sorgenti impresse

$\vec{j}(\vec{r},t)$: densità di corrente
 $\rho(\vec{r},t)$: densità di carica

Sorgenti indotte



... scenario più complicato ...



Campo elettromagnetico

Perché si parla di campo?

Perché si parla di campo elettromagnetico?

Il campo elettrico che fine ha fatto?

Il campo magnetico che fine ha fatto?

Il campo elettrico e il campo magnetico sono legati?

Chi è la causa? Chi è l'effetto?

Equazioni di Maxwell

$$\left\{ \begin{array}{l} \nabla \times \vec{e}(\vec{r}, t) = -\frac{\partial \vec{b}(\vec{r}, t)}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{h}(\vec{r}, t) = \frac{\partial \vec{d}(\vec{r}, t)}{\partial t} + \vec{j}(\vec{r}, t) \\ \nabla \cdot \vec{d}(\vec{r}, t) = \rho(\vec{r}, t) \\ \nabla \cdot \vec{b}(\vec{r}, t) = 0 \end{array} \right.$$



		Unità di misura
$\vec{e}(\vec{r}, t)$:	Campo elettrico	Volt/m
$\vec{d}(\vec{r}, t)$:	Induzione elettrica	Coulomb/m ²
$\vec{h}(\vec{r}, t)$:	Campo magnetico	Ampere/m
$\vec{b}(\vec{r}, t)$:	Induzione magnetica	Weber/m ²
$\vec{j}(\vec{r}, t)$:	Densità di corrente	Ampere/m ²
$\rho(\vec{r}, t)$:	Densità di carica	Coulomb/m ³